

# MODELAGEM MATEMÁTICA COM EDOs em PROBLEMAS DA ENGENHARIA Civil

Anny Caroliny Ferreira de Almeida  
Eloisa Aparecida da Silva Ávila  
Hiuri Fellipe Santos dos Reis

PIBIC/PIBIC-AF  
CÂMPUS URUAÇU  
eloisa.avila@ifg.edu.br  
hiuri\_reis@ufg.br

**Palavras-chave:** engenharia civil. equações diferenciais ordinárias. modelagem matemática.

## Introdução

A modelagem matemática envolve a conversão de situações concretas de diversas áreas do conhecimento em modelos matemáticos. Essa abordagem busca traduzir as questões para a linguagem dos números, gráficos, equações e proposições, com o objetivo de encontrar soluções que possam ser reinterpretadas em termos das situações originais trazendo inúmeras vantagens para sua análise.

## Metodologia

Foi realizado um levantamento na literatura com respeito as modelagens matemáticas com equações diferenciais ordinárias aplicados na engenharia civil, selecionando os mais utilizados. Posteriormente estudamos as técnicas e métodos que são aplicados para encontrar as soluções. Por fim, analisamos e interpretamos como os resultados obtidos podem contribuir na aplicação concreta.

## Resultados e Discussão

### Temperatura em um Prédio (KREYSZIG, 2008)

Suponha que em um prédio às 22h a temperatura era 70°F e o aquecedor foi desligado. Às 2h, a temperatura no interior do prédio era de 65°F. No exterior a temperatura permaneceu a 45°F. Qual era a temperatura dentro do prédio às 6h da manhã?

**Resolução:** Segundo a Lei de Resfriamento de Newton  $T' = k(T - T_A)$ .

Temos que a temperatura ambiente  $T_A = 45^\circ F$ . Assim

$$\frac{dT}{T-45} = k dt \Rightarrow \ln|T - 45| = kt + c^*$$

então  $T(t) = 45 + ce^{kt}$  ( $c = e^{c^*}$ ).

Pelas condições  $T(0) = 70^\circ F$  e  $T(4) = 65^\circ$ , temos

$$T_p(t) = 45 + 25e^{-0,056t}.$$

Como 6h da manhã corresponde a  $t = 8$  (8 horas após as 10h da manhã), concluímos que

$$T_p(8) = 45 + 25e^{-0,056 \cdot 8} = 61 [^\circ F].$$

**Circuito Elétrico (ARAÚJO, 2014):** Considere o circuito RLC apresentado abaixo. Com base nos dados determine a expressão que representa a corrente em função do tempo para um tempo  $0 \leq t$ . Note que  $I_L(0) = 4A$  e que  $V_C(0) = -4V$ .

**Resolução:** Pela Lei de Kirchhoff das Tensões

$$LI'' + RI' + \frac{I}{C} = E'(t)$$

Como o circuito não possui fonte de tensão, o que implica que a função  $E(t) = 0$ . Assim,

$$I'' + 6I' + 25I = 0$$

Cuja equação característica e autovalores são:

$$\lambda^2 + 6\lambda + 25 = 0, \text{ então } \lambda = -3 \pm 4i$$

Portanto,

$$I(t) = e^{-3t}(c_1 \cos 4t + c_2 \sen 4t)$$

Usando as condições iniciais, concluímos que

$$I(t) = e^{-3t}(4 \cos(4t) - 2 \sen(4t)) \quad (6)$$

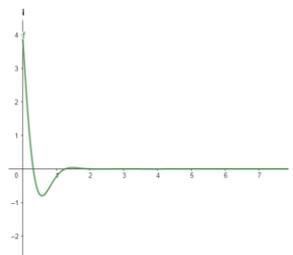


Gráfico 1: Corrente em relação ao tempo.

## Conclusões

Concluímos que as EDOs auxiliam na resolução de problemas de Engenharia, contribuindo para o desenvolvimento da engenharia e melhorando a técnicas e métodos usados na construção civil.

## Referências Bibliográficas

ARAÚJO, C. Equações diferenciais aplicadas em circuitos elétricos, dissertação (Micenciatura em Matemática).

KREYSZIG, Erwin. Matemática Superior Para Engenharia. Volume 1 . Grupo Gen-LTC, 2008.

FERRUZZI, E.; Almeida, L., Modelagem Matemática no ensino de Matemática para engenharia. R. Bras. de Ensino de C&T, vol 6, núm. 1, p. 153-172, 2013.